Основы архитектуры, устройство и функционирование вычислительных систем

Тема: Синтез логических схем в базисах «И-НЕ», «ИЛИ-НЕ»

Вопросы для изучения:

- 1. Логические элементы и их обозначение.
- 2. Синтез логических схем

Контрольные вопросы:

- 1. Что такое цифровой сигнал?
- 2. Закон де Моргана.
- 3. Как обозначаются логические элементы в соответствии с ГОСТ?
- 4. Какому логическому элементу соответствует функция «И-НЕ»?
- 5. Какому логическому элементу соответствует функция «ИЛИ-НЕ»?
- 6. Что такое таблица истинности?

Часто для сокращения числа микросхем используют элементы "И-НЕ" или/и "ИЛИ-НЕ". Рассмотрим примеры, как построить схему, реализующую функцию $f = \overline{x_1} x_2 x_4 \vee \overline{x_2} \bullet \overline{x_3} \vee x_3 \overline{x_4}$, сначала в базисе "И-НЕ", а затем в базисе "ИЛИ-НЕ".

Пример. Построить в базисе "И-НЕ" логическую схему, реализующую функцию алгебры логики $f=\overline{x_1}x_2x_4 \vee \overline{x_2} \bullet \overline{x_3} \vee x_3 \overline{x_4}$.

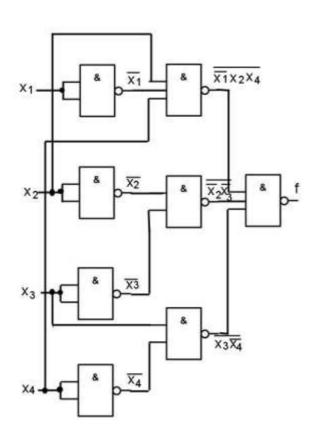
Решение. Логическая функция должна быть приведена к виду, содержащему только операции логического умножения (конъюнкции) и инвертирования (отрицания). Это делается при помощи двойного инвертирования исходного выражения функции и применения закона де Моргана:

$$f = \overline{x_1} x_2 x_4 \vee \overline{x_2} \bullet \overline{x_3} \vee x_3 \overline{x_4} =$$

$$= \overline{\overline{x_1} x_2 x_4} \overline{\sqrt{x_2} \bullet \overline{x_3}} \sqrt{x_3} \overline{x_4} =$$

$$= \overline{\overline{x_1} x_2 x_4} \overline{\bullet \overline{x_2} \bullet \overline{x_3}} \overline{\bullet \overline{x_3}} \overline{x_4}.$$

Для построения логической схемы потребуются 8 схем "И-НЕ". Получаем следующую логическую схему:



Пример. Построить в базисе "ИЛИ-НЕ" логическую схему, реализующую функцию алгебры логики $f=\overline{x_1}x_2x_4 \vee \overline{x_2} \bullet \overline{x_3} \vee x_3 \overline{x_4}$.

Решение. Логическая функция должна быть приведена к виду, содержащему только операции логического сложения (дизъюнкции) и инвертирования (отрицания). Это делается также при помощи двойного инвертирования исходного выражения функции и применения закона де Моргана:

$$f = \overline{x_1} x_2 x_4 \vee \overline{x_2} \bullet \overline{x_3} \vee x_3 \overline{x_4} =$$

$$= \overline{\overline{x_1} x_2 x_4 \vee \overline{x_2} \bullet \overline{x_3} \vee x_3 \overline{x_4}} =$$

$$= \overline{\overline{x_1} \sqrt{x_2} \sqrt{x_2} \sqrt{x_4} \vee \overline{x_2} \sqrt{x_3} \sqrt{\overline{x_3} \vee x_4}}.$$

Для построения логической схемы потребуются 8 схем "ИЛИ-НЕ". Получаем следующую логическую схему:

